

Дискретная случайная величина X может принимать значения $\{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$.

Вероятностью p наблюдения значения x_i называется отношение случаев наблюдения числа x_i (обозначим его, например, k_i) к общему количеству всех наблюдений K .

$$p_i = k_i / K$$

Математическое ожидание случайной величины X определяется по формуле:

$$M(X) = \sum x_i p_i, \quad i=1, \dots, n$$

где:

M – символ математического ожидания,

n – количество числовых значений, которые может принимать случайная величина;

x_i – конкретное числовое значение, которое может принимать случайная величина;

p_i – вероятность появления (наблюдения) значения x_i .

Дисперсией случайной величины:

$$D(X) = \sum_{i=1}^n p_i (x_i - M(X))^2$$

Стандартное (среднеквадратическое) отклонение $\sigma(X)$ рассчитывается по формуле:

$$\sigma(X) = \sqrt{\sum_{i=1}^n p_i (x_i - M(X))^2}$$

Коэффициент вариации (CV) вычисляется (в процентах) так:

$$CV(X) = 100 * \sigma(X) / M(X).$$

Пример.

Рассчитайте вероятности, математическое ожидание, стандартное отклонение и коэффициент вариации для следующей дискретной случайной величины:

Реализации случайной величины x_i	10	11	12	13
Количество наблюдений k_i	5	3	2	2

Решение:

Общее число наблюдений $K=12$

Вероятность реализации случ. величины p_i	0,416667	0,25	0,166667	0,166667
Математическое ожидание $M(X)$	11,08333			
Дисперсия $D(X)$	1,243056			
Стандартное отклонение $\sigma(X)$	1,114924			
Коэффициент вариации $CV(X)$, %	10,06%			