

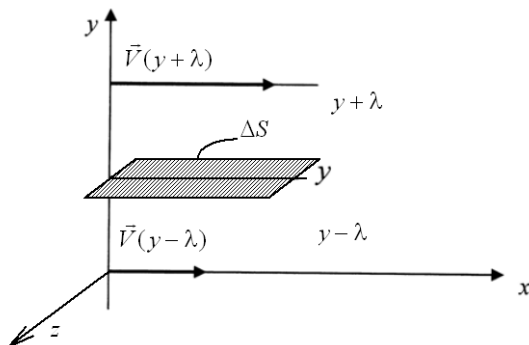
## Лабораторная работа № 6

# ОПРЕДЕЛЕНИЕ КОЭФФИЦИЕНТА ВНУТРЕННЕГО ТРЕНИЯ (ВЯЗКОСТИ) ЖИДКОСТИ ПО МЕТОДУ СТОКСА

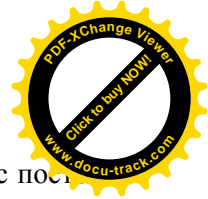
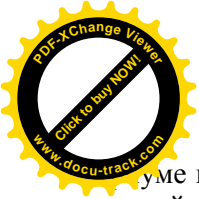
**Цель работы:** определение коэффициента внутреннего трения  $\eta$  жидкостей и сравнение найденных его экспериментальных значений с табличными значениями.

### 1. Вывод формулы для коэффициента вязкости

Возникновение внутреннего трения в газах и жидкостях связано с переносом импульса в направлении, перпендикулярном скорости жидкости. Если скорость направленного движения  $\vec{V}(y) = (V(y), 0, 0)$  в потоке жидкости изменяется от слоя к слою (см. рисунок), то на границе между слоями возникает сила, связанная с тем, что молекулы, переходящие из быстрого слоя в медленный, ускоряют медленный слой, а молекулы, переходящие из медленного слоя в быстрый, тормозят быстрый слой. Для случая плоского течения жидкости (газа) силу трения между слоями можно оценить, используя приведенный ниже рисунок, следующим образом [1–3].



Пусть в направлении оси  $x$  течет жидкость, причем существует градиент скоростей направленного движения жидкости  $d\vec{V}/dy \neq 0$  вдоль оси  $y$ . Такой градиент скоростей можно осуществить в аква-



уме в слоях жидкости между дном и поверхностью, двигая с постоянной скоростью параллельно оси  $x$  доску, лежащую на поверхности жидкости. Верхние слои жидкости, прилегающие к доске, вследствие трения между жидкостью и доской, будут двигаться с максимальной скоростью, нижние слои из-за внутреннего трения в жидкости также придут в движение, скорость направленного движения жидкости с приближением ко дну аквариума будет уменьшаться.

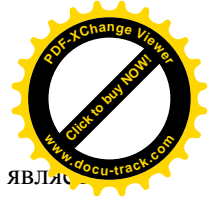
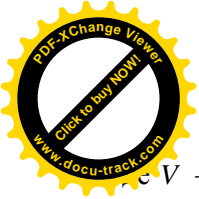
Для силы трения, приходящейся на единицу площади площадки  $\Delta S$ , расположенной параллельно оси  $x$  (касательного «натяжения»  $\sigma_x$  внутри жидкости в направлении оси  $x$ ), исходя из второго закона Ньютона можно записать следующее выражение:

$$\begin{aligned}\sigma_x &= \frac{\Delta F_x}{\Delta S} = \frac{(1/6)(mn\bar{V}_{\text{тепл}}) V(y-\lambda) - V(y+\lambda) \Delta S}{\Delta S} \cong \\ &\cong -\frac{1}{3} mn\bar{V}_{\text{тепл}} \lambda \frac{dV}{dy} = -\eta \frac{dV}{dy},\end{aligned}\quad (1)$$

здесь  $\eta = \frac{1}{3} nm\bar{V}_{\text{тепл}} \lambda$  – коэффициент внутреннего трения жидкости, выражающийся через массу молекулы  $m$ , концентрацию  $n$ , среднюю скорость теплового движения  $\bar{V}_{\text{тепл}}$  и длину свободного пробега  $\lambda$  молекул. При получении формулы (1) учтено, что число молекул жидкости, пересекающих единичную площадку, расположенную посередине между слоями жидкости с координатами  $y-\lambda$  и  $y+\lambda$  за секунду в положительном и отрицательном направлениях оси  $y$ , из-за теплового их движения, равно  $(1/6)n\bar{V}_{\text{тепл}}$ . Молекулы, переходящие через слой с координатой  $y$  из слоев с координатами  $y \pm \lambda$ , переносят импульс  $\mp mV(y \pm \lambda)$  направленного движения, это и приводит к возникновению внутреннего трения между слоями жидкости, характеризуемого выражением (1).

Стокс установил, что сила трения, действующая на медленно движущийся в жидкости шар, равна

$$F_{\text{тр}} = 6\pi\eta rV, \quad (2)$$



$v$  – скорость и  $r$  – радиус шара. Условием «медленности» является малость безразмерного числа Рейнольдса

$$Re = 2\rho_0 Vr / \eta \ll 1, \quad (3)$$

где  $\rho_0$  – плотность жидкости. Для практического использования формулы Стокса отметим, что при значениях числа Рейнольдса  $Re \cong 0,01$  экспериментально измеренная сила сопротивления и сила, вычисленная по формуле (2), отличаются не более чем на 1 %, в случаях же  $Re \cong 1$  экспериментальные значения силы трения больше расчетных примерно на 20 %.

При движении шара в жидкости кроме силы трения (2) на него действуют сила Архимеда

$$F_A = (4/3)\pi r^3 \rho_0 g \quad (4)$$

и сила тяжести

$$F_T = (4/3)\pi r^3 \rho g, \quad (5)$$

где  $\rho$  – плотность материала шара;  $g$  – ускорение свободного падения. Скорость свободно падающего в жидкости шара возрастает до момента, когда сила тяжести уравнивается силой Архимеда и силой сопротивления. Затем шар движется равномерно. Условие равномерного движения шара имеет вид

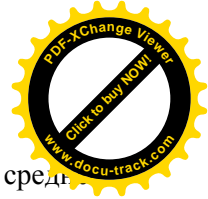
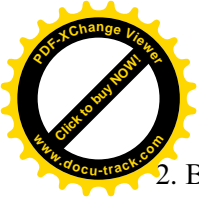
$$(4/3)\pi r^3 (\rho - \rho_0) g - 6\pi \eta r V = 0. \quad (6)$$

Учитывая, что при равномерном падении шара в жидкости время  $t$  движения шара связано с высотой его падения  $h$  формулой  $h = Vt$ , из (6) получаем формулу для расчета коэффициента вязкости:

$$\eta = \frac{2r^2 (\rho - \rho_0) g t}{9h}. \quad (7)$$

## 2. Задания

1. Бросая стальные шарики известного диаметра в первую жидкость (глицерин), измерьте время их падения на участке равномерного движения.



2. Вычислите  $\eta$  для глицерина по формуле (7) и оцените среднюю квадратичную погрешность  $\sigma_\eta$  по формуле для прямых измерений. (Опыт проделайте не менее чем с четырьмя-пятью шарами.)
3. Повторите измерения и расчеты для второй жидкости.
4. Используя полученные значения  $\eta$ , оцените величину числа Рейнольдса по формуле (3) для каждой жидкости и использованных в эксперименте шаров.

### 3. Контрольные вопросы

1. Какая величина измеряется в работе? Дайте ее определение.
2. Поясните смысл коэффициента внутреннего трения  $\eta$ . Какова его размерность?
3. Объясните природу сил внутреннего трения и выведите формулу (1).
4. При каких условиях шар движется равномерно?
5. Используя табличные значения  $\eta$ , оцените, какой путь должен пройти шар, прежде чем его скорость станет постоянной.
6. Согласуются ли найденные значения  $\eta$  с табличными?
7. Выполняется ли условие (3) в вашей работе?

### Литература

1. *Савельев И.В.* Курс общей физики. – Т. 1. – М.: Наука (любое издание).
2. *Трофимова Т.И.* Курс физики. – М.: Высшая школа (любое издание).
3. *Матвеев А.Н.* Молекулярная физика. – М.: Высшая школа, 1981. (§ 13, с. 50–52).